

Верификация программ на моделях

Лекция №2

Моделирование программ

Константин Савенков (лектор)

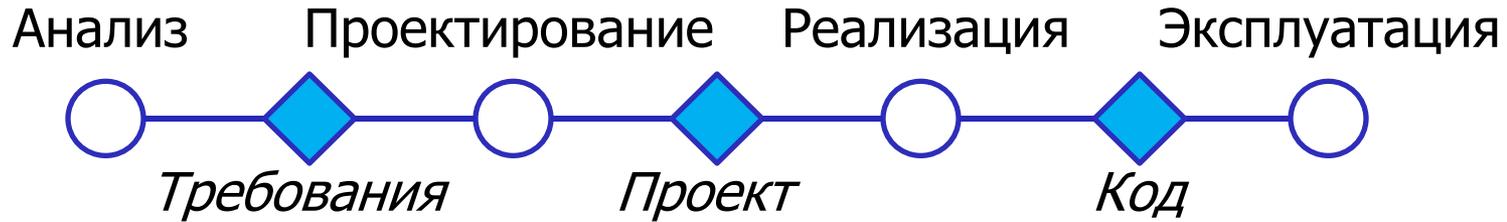
План лекции

- **Формальные методы проверки правильности программ:** место в жизненном цикле ПО, автоматизируемость
- **Верификация программ на моделях:** история развития, области применения, общая схема
- **Моделирование программ:** моделируемые свойства, состояние программы, процесс построения модели

Формальные методы проверки правильности программ

(место в жизненном цикле ПО,
вопросы автоматизации)

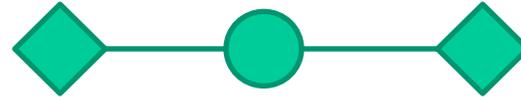
Итоги предыдущей лекции



Валидация



Тестирование



Статический
анализ кода



Доказательство
теорем



Верификация
на моделях



Динамическая
верификация



Автоматизируемость методов верификации

- **Тестирование:** автоматическое и автоматизированное,
- **Доказательство теорем:** существенное участие человека,
- **Статический анализ:** полностью автоматический для заданной области и свойства,
- **Верификация на моделях:** участие человека при построении модели и при анализе контрпримеров,
- **«Комбинаторный взрыв».**

Верификация программ на моделях

(история развития, области
применения, общая схема,
проверяемые свойства)

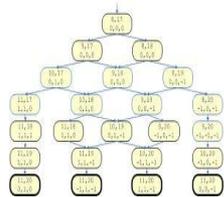
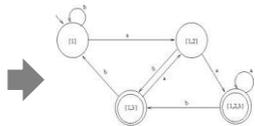
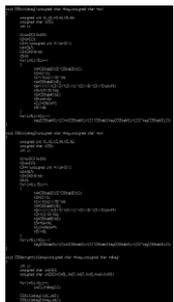
История развития¹: фундамент

- Флойд, 1967 – assertions, гипотеза о доказуемости корректности программы,
- Хоар, 1969 – пред- и пост-условия, триплеты Хоара ($P \mid S \mid Q$), логический вывод,
- Бойер, Мур, 1971 – первый автоматический прuver,
- Дейкстра, 1975 – Guarded Command Languages,
- Хоар, 1978 – взаимодействующие последовательные процессы (CSP),
- Милнер, 1980 – Calculus of Communicating Systems (CCS)

¹Vahe Poladian, Software Technology Maturation Study: Model Checking Techniques and Tools, 2001.

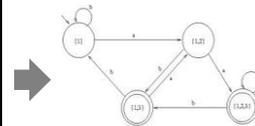
История развития: развитие методов

- Пнуэли, 1977 – темпоральная логика LTL,
- Пнуэли, 1981 – логика ветвящегося времени (CTL),
- Кларк, Эмерсон, 1981 и Квили, Сифакис, 1982 – model checking (обход достижимых состояний),
- Варди и Вольпер, 1986 – новая техника model checking (анализ конформности),
- Хольцман, 1989 – верификатор SPIN.

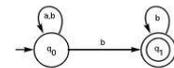


? φ

1981



? φ



φ

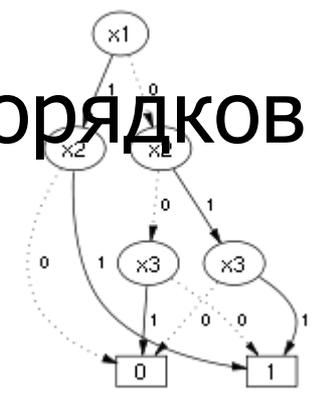
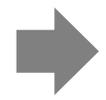
1986

История развития: проблема «комбинаторного взрыва»

- Бриан, 1989 – Двоичные решающие диаграммы (BDD),
- МакМиллан, 1993 – верификатор SMV (символьная верификация, BDD),
- Хольцман, Пелед, 1994 – редукция частичных порядков,
- 1995 – редукция частичных порядков в SPIN.



| x1 | x2 | x3 | f |
|----|----|----|---|
| 0 | 0 | 0 | 1 |
| 0 | 1 | 0 | 0 |
| 0 | 1 | 1 | 1 |
| 1 | 0 | 0 | 0 |
| 1 | 0 | 1 | 0 |
| 1 | 1 | 0 | 1 |
| 1 | 1 | 1 | 1 |



История развития: дальнейшее развитие

- Кларк, 1992 – абстракция для уменьшения числа состояний модели,
- Эльсаиди, 1994 – семантическая минимизация,
- Пелед, 1996, Бир, 1998 – верификация модели «на лету»,
- Равви, 2000 – анализ достижимости с учётом спецификации,
- Эмерсон, Прасад, 1994 – симметрия

Области применения верификации на моделях

- Сетевые и криптографические протоколы,
- Протоколы работы кэш-памяти,
- Интегральные схемы,
- Стандарты (напр. FutureBus+),
- Встроенные системы,
- Драйвера.

Примеры использования SPIN

- Верификация системы управления дамбами в Роттердаме (Нидерланды)



- Верификация аэрокосмических систем (DeepSpace 1, Cassini, Mars Exploration Rovers, итд.)



- Верификация АТС PathStar (Lucent)

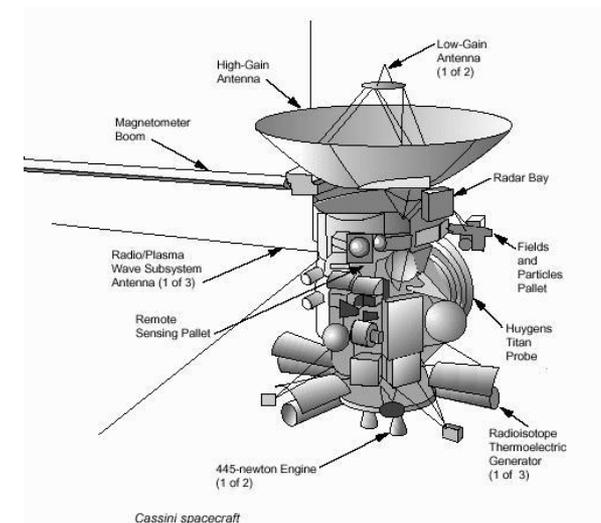
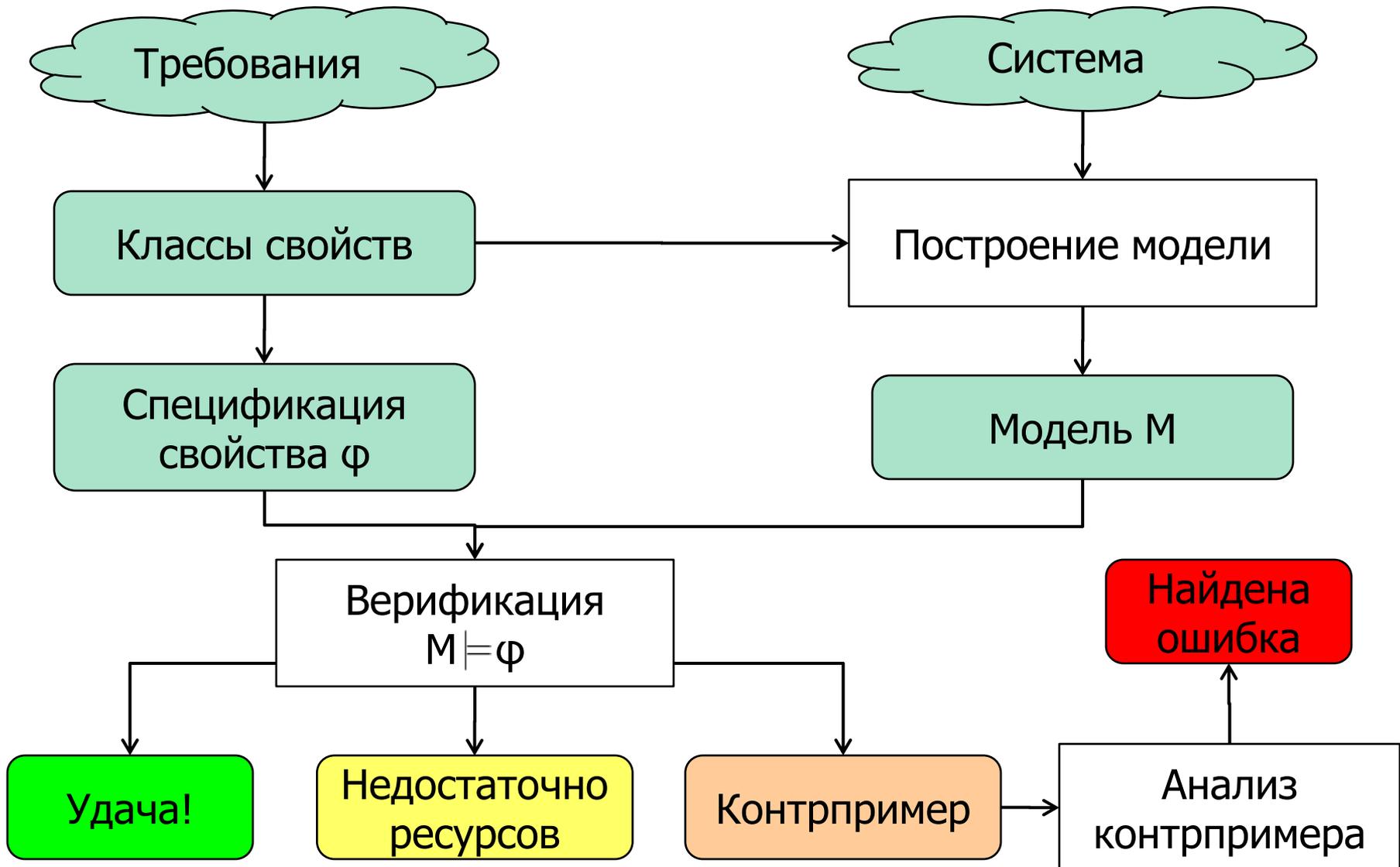


Схема верификации на модели



Примеры классов свойств

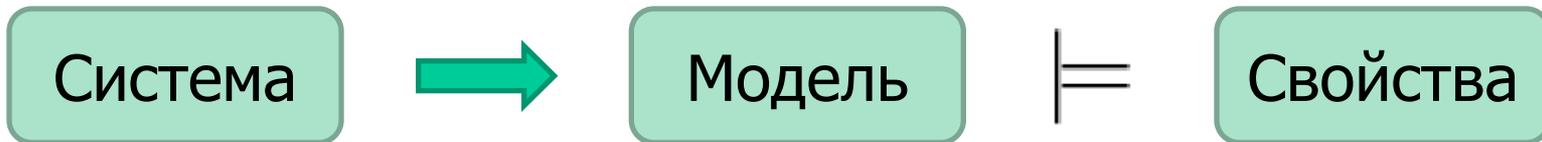
- Стандартные:
 - Отсутствие ошибок времени выполнения (RTE),
 - Отсутствие тупика (deadlock),
 - Отсутствие удушения (starvation),
 - Не срабатывают ассерты (assertions).
- Зависящие от приложения:
 - Инварианты системы,
 - Индикаторы прогресса,
 - Корректная завершаемость,
 - Причинно-следственный и темпоральный порядок на состояниях системы,
 - Требования справедливости.

Моделирование программ

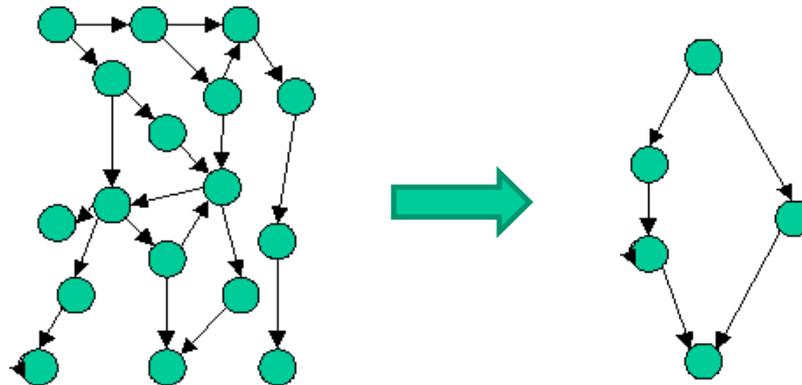
(пример построения модели,
общая схема моделирования)

Зачем строить модели программ?

- Свойства задают допустимые состояния и последовательности состояний (вычисления)
(т.н. *свойства линейного времени*)
- Модель генерирует трассы, по которым можно проверить свойства,



- Абстракция от лишних состояний.



Состояние программы

- Состояние программы – совокупность значений объектов данных и счётчика управления,
- Как правильно оценить количество состояний?

| Спецификация программы | Исходный код на языке высокого уровня | Исполняемый код (ASM) | Программно-аппаратная система | Работающий компьютер |
|--|---|---|---|-----------------------------|
| Может вообще не быть состояний (stateless протоколы) | Данные – переменные языка, счетчик – номер выполняемого оператора | Данные – ячейки памяти в адресном пр-ве процессора и регистры, счётчик -- регистр команд процессора | Данные – ячейки памяти различных ЗУ, кэш, буфера выборки, состояние конвейеров, Счётчик – адрес последней команды | Атомы, электроны, спины ... |

- Понятие состояния **всегда** связано с некоторой моделью

Состояние программы (на уровне языка C)

```
0:   int compare(int a, int b) {  
1:       int res;  
2:       if (a < b) {  
3:           res = -1;  
4:       } else if (a >= b) {  
5:           res = 1;  
6:       } else {  
7:           res = 0;  
8:       }  
9:       return res;  
10:  }
```

Потенциально –
 $8 * 2^{96}$
СОСТОЯНИЙ

3 целочисленных переменных,
 $|\text{int}| = 2^{32}$,
7 операторов языка +
терминальный оператор.

Состояние программы (на уровне языка C)

```
0: void foo(int a) {  
1:     int x = 5;  
2:     if (a < x) {  
3:         x = x-a;  
4:     }  
5: }  
  
0: void bar(int b) {  
1:     int x;  
2:     x = b;  
3: }
```

Потенциально –
 $18 * 2^{128}$
СОСТОЯНИЙ

4 целочисленных переменных,
 $|\text{int}| = 2^{32}$,
2 потока управления, в foo – 6
операторов, в bar – 3.

Достижимые состояния

- Состояние называется **достижимым**, если существует вычисление программы, в котором оно присутствует

[формализация – позже]

- Достижимость состояния в программе в общем случае алгоритмически неразрешима.

[неразрешима даже
достижимость точки
программы]

Число достижимых состояний

```
0:   int compare(int a, int b) {  
1:       int res;  
2:       if (a < b) {  
3:           res = -1;  
4:       } else if (a >= b) {  
5:           res = 1;  
6:       } else {  
7:           res = 0;  
8:       }  
9:       return res;  
10: }
```

$$8 * 4 * 2^{64}$$

переменная `res`
может принимать
только 4 значения

$$7 * 3 * 2^{64}$$

5-й оператор не
достижим

Пример построения модели программы

- Программа подсчёта количества слов в файле
- Проверяемое свойство – всегда ли программа закрывает открытый файл?
- См. следующий слайд.

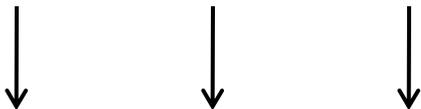
Пример построения модели программы

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
int main(int argc,
          const char* argv[]) {
    FILE* f;
    int c, wordCnt = 0, inWord = 0;
    if (argc < 2) {
        printf("Use: %s filename\n",
              argv[0]);
        return 1;
    }
    f = fopen(argv[1], "r");
    if (f == NULL) {
        printf("Can't open file:
              %s\n",
              argv[1]);
        return 1;
    }
    ↓           ↓           ↓
```

```
↓           ↓           ↓
while ((c = fgetc(f)) != -1) {
    if (!isspace(c)) {
        if (!inWord) {
            ++wordCnt;
            inWord = 1;
        }
    } else {
        inWord = 0;
    }
}
printf("Word count: %d\n",
      wordCnt);
fclose(f);
return 0;
}
```

Пример построения модели программы

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
int main(int argc,
         const char* argv[]) {
    FILE* f;
    int c, wordCnt = 0, inWord = 0;
    if (argc < 2) {
        printf("Use: %s filename\n",
              argv[0]);
        return 1;
    }
    f = fopen(argv[1], "r");
    if (f == NULL) {
        printf("Can't open file:
              %s\n",
              argv[1]);
        return 1;
    }
}
```



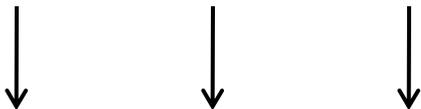
```
while ((c = fgetc(f)) != -1) {
    if (!isspace(c)) {
        if (!inWord) {
            ++wordCnt;
            inWord = 1;
        }
    } else {
        inWord = 0;
    }
}
printf("Word count: %d\n",
      wordCnt);
fclose(f);
return 0;
}
```



Пример построения модели программы

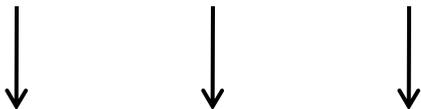
```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
int main() {
    FILE* f;
    int c, wordCnt = 0, inWord = 0;
    enum {FALSE, TRUE} P1 = any();
    if (P1) {
        return 1;
    }
    f = fopen("sample", "r");
    if (f == NULL) {
        return 1;
    }
}
```

```
↓           ↓           ↓
while ((c = fgetc(f)) != -1) {
    if (!isspace(c)) {
        if (!inWord) {
            ++wordCnt;
            inWord = 1;
        }
    } else {
        inWord = 0;
    }
}
fclose(f);
return 0;
}
```



Пример построения модели программы

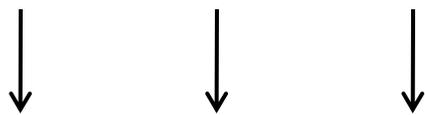
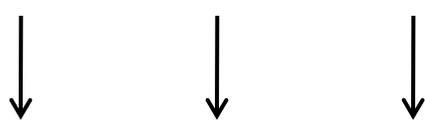
```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
int main() {
    FILE* f;
    int c, wordCnt = 0, inWord = 0;
    enum {FALSE, TRUE} P1 = any();
    if (P1) {
        return 1;
    }
    f = fopen("sample", "r");
    if (f == NULL) {
        return 1;
    }
}
```



```
↓           ↓           ↓
while ((c = fgetc(f)) != -1) {
    if (!isspace(c)) {
        if (!inWord) {
            ++wordCnt;
            inWord = 1;
        }
    } else {
        inWord = 0;
    }
}
fclose(f);
return 0;
}
```

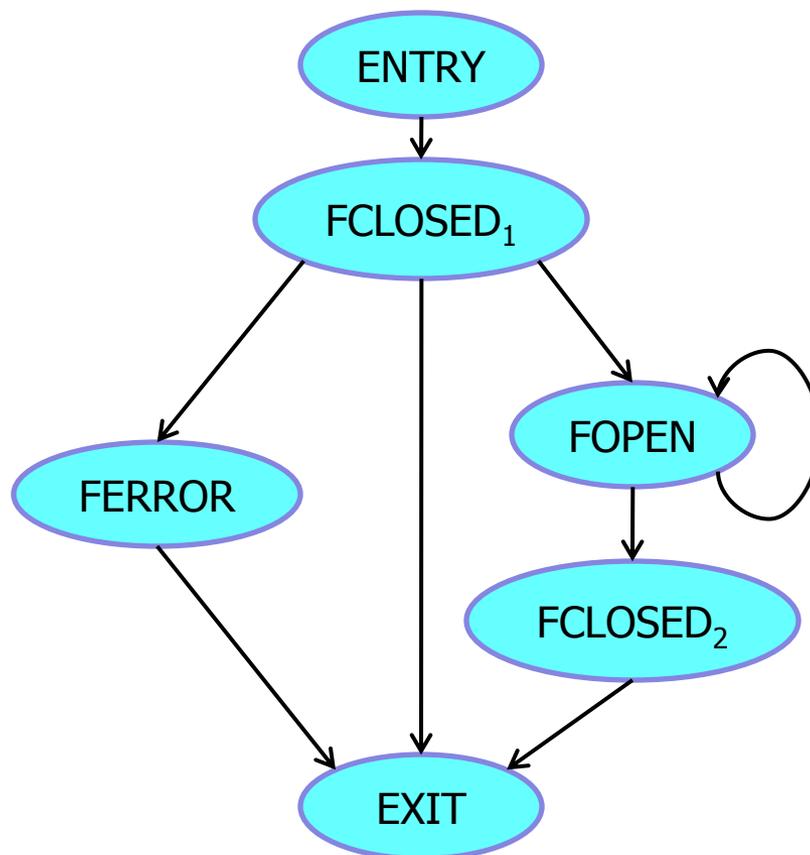
Пример построения модели программы

```
int main() {  
    enum { FCLOSED, FOPEN, FERROR} fileState;  
    enum { V0, V1 } inWord = V0;  
    enum {FALSE, TRUE} P1 = any(),  
          P2, P3;  
    if (P1) {  
        return 1;  
    }  
    if(any()) {  
        fileState = FOPEN;  
    } else {  
        fileState = FERROR;  
    }  
    if (fileState == FERROR) {  
        return 1;  
    }  
    while (P2 = any()) {  
        if (P3 = any()) {  
            if (!inWord) {  
                inWord = V1;  
            }  
        } else {  
            inWord = V0;  
        }  
    }  
    fileState = FCLOSED;  
    return 0;  
}
```



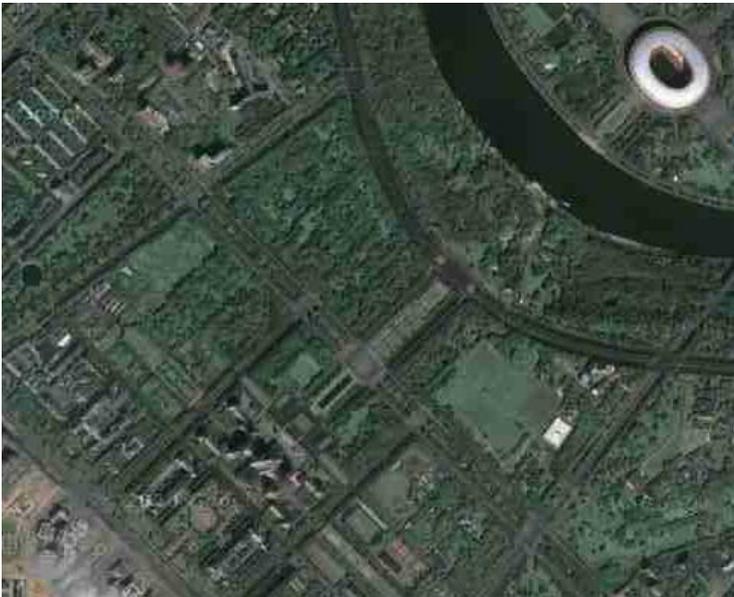
Пример построения модели программы

```
int main() {  
    enum { FCLOSED, FOPEN, FERROR} fileState;  
    if(any()) {  
        fileState = FERROR;  
    } else if (any()) {  
        fileState = FOPEN;  
        while (any());  
        fileState = FCLOSED;  
    }  
    return 0;  
}
```



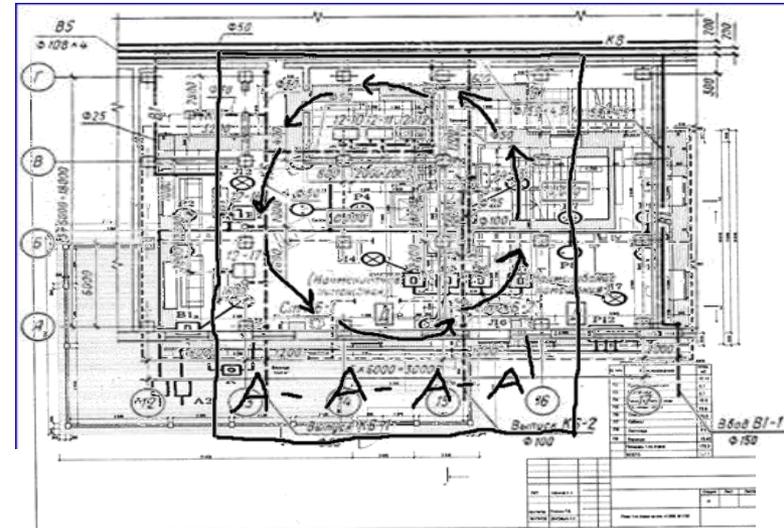
Моделирование

- Модель – упрощённое описание реальности, выполненное с определённой целью.
- Например, карта – модель местности.



Моделирование

- Модель – упрощённое описание реальности, выполненное **с определённой целью.**
- С одним объектом может быть связано несколько моделей.
- Каждая модель отражает свой аспект реальности
- Например, схемы зданий:
 - поэтажный план
 - электропроводка
 - водоснабжение
 - план эвакуации



Моделирование

- Модель должна быть:

- **Простой,**

- 〔 быть проще, чем **реальность** 〕*

- **Корректной,**

- 〔 не расходиться с **реальностью** 〕*

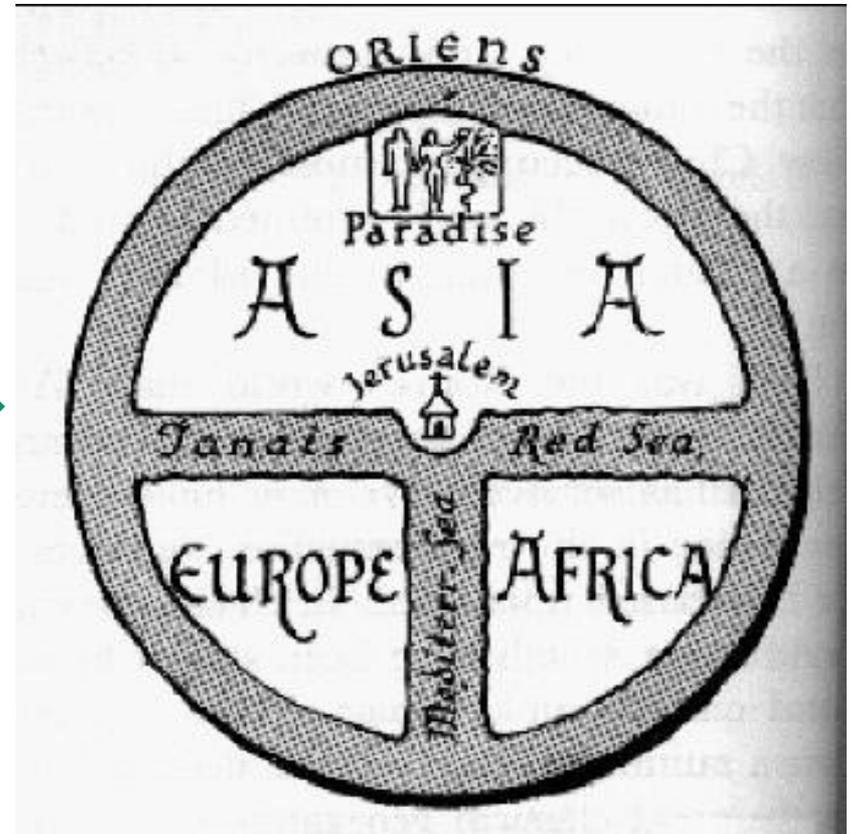
- **Адекватной.**

- 〔 соответствовать **решаемой задаче** 〕*

- 〔 Ни одно из этих качеств нельзя проверить на основе только описания модели 〕*

Моделирование

- Пример сильной абстракции:



Построение модели

- Формализуемые требования
(постановка задачи моделирования)
- Выбор языка моделирования
- Абстракция системы с учётом требований



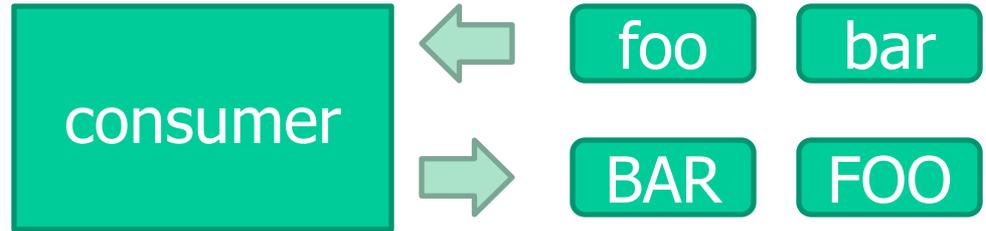
Моделирование программ

процесс consumer:

```
#include <stdio.h>
#include <sys/ipc.h>
#include <sys/msg.h>
#define MSG_LEN 100

struct msgbuf {
    long mtype;
    char mtext[MSG_LEN];
};
```

```
int main(int argc,
         const char* argv[]) {
    key_t key;
    int qid, i;
    struct msgbuf msg;
    ssize_t size;
    key = ftok("./mc_lec2_ex3", 1);
```



```
    if ((qid = msgget(key,
                      IPC_CREAT | 0666)) == -1) {
        perror("Error creating
              message queue");
    }
    while (1) {
        size = msgrcv(qid, &msg,
                     MSG_LEN, 1, 0);
        for (i = 0; i < size; ++i) {
            msg.mtext[i] =
                toupper(msg.mtext[i]);
        }
        /* send it back */
        if (size > 0) {
            msgsnd(qid, &msg, size, 0);
        }
    }
}
```

Моделирование программ

процесс producer:



```
#include <fcntl.h>
#include <stdio.h>
#include <string.h>
#include <sys/ipc.h>
#include <sys/msg.h>
#define MSG_LEN 100
struct msgbuf {
    long mtype;
    char mtext[MSG_LEN + 1];
};

int main(int argc,
         const char* argv[]) {
    key_t key;
    int qid;
    struct msgbuf msg;
    ssize_t size;
    msg.mtype = 1;
    key =
        ftok("./mc_lec2_ex3", 1);
```

```
    if ((qid = msgget(key, IPC_CREAT
                      | 0666)) == -1) {
msgget_error:
        perror("Error creating
              message queue");
    }
    while (1) {
        printf("Your message: ");
        fgets(msg.mtext, MSG_LEN, stdin);
        if (msgsnd(qid, &msg,
                  strlen(msg.mtext), 0) == -1) {
            perror("Error sending");
            continue;
        }
        size = msgrcv(qid, &msg, MSG_LEN, 1, 0);
        if (size > 0) {
            printf("Reply is: %s\n", msg.mtext);
        } else {
            printf("No reply\n");
        }
    }
}
```

Свойства правильности процесса producer:

- `msgsnd` всегда вызывается только после `msgget`;
- если поток управления попадает в `msgget_error`, то после этого не вызываются функции `msgsnd` и `msgrcv`;
- ни в одном вычислении не встречаются `msgrcv` без `msgsnd` между ними.



СВОЙСТВО №1

процесс producer:

```
#include <fcntl.h>
#include <stdio.h>
#include <string.h>
#include <sys/ipc.h>
#include <sys/msg.h>
#define MSG_LEN 100
struct msgbuf {
    long mtype;
    char mtext[MSG_LEN + 1];
};

int main(int argc,
         const char* argv[]) {
    key_t key;
    int qid;
    struct msgbuf msg;
    ssize_t size;
    msg.mtype = 1;
    key =
        ftok("./mc_lec2_ex3", 1);

    if ((qid = msgget(key, IPC_CREAT
                      | 0666)) == -1) {
msgget_error:
        perror("Error creating
                message queue");
    }
    while (1) {
        printf("Your message: ");
        fgets(msg.mtext, MSG_LEN, stdin);
        if (msgsnd(qid, &msg,
                  strlen(msg.mtext), 0) == -1) {
            perror("Error sending");
            continue;
        }
        size = msgrcv(qid, &msg, MSG_LEN, 1, 0);
        if (size > 0) {
            printf("Reply is: %s\n", msg.mtext);
        } else {
            printf("No reply\n");
        }
    }
}
```

СВОЙСТВО №1

процесс producer:

```
#include <fcntl.h>
#include <stdio.h>
#include <string.h>
#include <sys/ipc.h>
#include <sys/msg.h>
#define MSG_LEN 100
struct msgbuf {
    long mtype;
    char mtext[MSG_LEN + 1];
};

int main(int argc,
         const char* argv[]) {
    key_t key;
    int qid;
    struct msgbuf msg;
    ssize_t size;
    msg.mtype = 1;
    key =
        ftok("./mc_lec2_ex3", 1);

    if ((qid = msgget(key, IPC_CREAT
                      | 0666)) == -1) {
msgget_error:
        perror("Error creating
              message queue");
    }
    while (1) {
        printf("Your message: ");
        fgets(msg.mtext, MSG_LEN, stdin);
        if (msgsnd(qid, &msg,
                  strlen(msg.mtext), 0) == -1) {
            perror("Error sending");
            continue;
        }
        size = msgrcv(qid, &msg, MSG_LEN, 1, 0);
        if (size > 0) {
            printf("Reply is: %s\n", msg.mtext);
        } else {
            printf("No reply\n");
        }
    }
}
```

СВОЙСТВО №1

процесс producer:

```
#include <fcntl.h>
#include <stdio.h>
#include <string.h>
#include <sys/ipc.h>
#include <sys/msg.h>
#include <stubs.h>

int main(int argc,
         const char* argv[]) {

    pass();
    pass();

    if (msgget() == -1) {

msgget_error:
        pass();

    }
    while (1) {
        pass();
        pass();
        if (msgsnd() == -1) {

            pass();
            continue;

        }
        pass();
        if (any()) {
            pass();
        } else {
            pass();
        }
    }
}
```

Свойства правильности процесса producer:

- `msgsnd` всегда вызывается только после `msgget`;
- если поток управления попадает в `msgget_error`, то после этого не вызываются функции `msgsnd` и `msgrcv`;
- ни в одном вычислении не встречаются `msgrcv` без `msgsnd` между ними.



СВОЙСТВО №2

процесс producer:

```
#include <fcntl.h>
#include <stdio.h>
#include <string.h>
#include <sys/ipc.h>
#include <sys/msg.h>
#define MSG_LEN 100
struct msgbuf {
    long mtype;
    char mtext[MSG_LEN + 1];
};

int main(int argc,
         const char* argv[]) {
    key_t key;
    int qid;
    struct msgbuf msg;
    ssize_t size;
    msg.mtype = 1;
    key =
        ftok("./mc_lec2_ex3", 1);

    if ((qid = msgget(key, IPC_CREAT
                     | 0666)) == -1) {
msgget_error:
        perror("Error creating
              message queue");
    }
    while (1) {
        printf("Your message: ");
        fgets(msg.mtext, MSG_LEN, stdin);
        if (msgsnd(qid, &msg,
                  strlen(msg.mtext), 0) == -1) {
            perror("Error sending");
            continue;
        }
        size = msgrcv(qid, &msg, MSG_LEN, 1, 0);
        if (size > 0) {
            printf("Reply is: %s\n", msg.mtext);
        } else {
            printf("No reply\n");
        }
    }
}
```

СВОЙСТВО №2

процесс producer:

```
#include <fcntl.h>
#include <stdio.h>
#include <string.h>
#include <sys/ipc.h>
#include <sys/msg.h>
#define MSG_LEN 100
struct msgbuf {
    long mtype;
    char mtext[MSG_LEN + 1];
};

int main(int argc,
         const char* argv[]) {
    key_t key;
    int qid;
    struct msgbuf msg;
    ssize_t size;
    msg.mtype = 1;
    key =
        ftok("./mc_lec2_ex3", 1);

    if ((qid = msgget(key, IPC_CREAT
                      | 0666)) == -1) {
msgget_error:
        perror("Error creating
              message queue");
    }
    while (1) {
        printf("Your message: ");
        fgets(msg.mtext, MSG_LEN, stdin);
        if (msgsnd(qid, &msg,
                  strlen(msg.mtext), 0) == -1) {
            perror("Error sending");
            continue;
        }
        size = msgrcv(qid, &msg, MSG_LEN, 1, 0);
        if (size > 0) {
            printf("Reply is: %s\n", msg.mtext);
        } else {
            printf("No reply\n");
        }
    }
}
```

СВОЙСТВО №2

процесс producer:

```
#include <stub.h>

int main(int argc,
         const char* argv[]) {

    pass();
    pass();

    if (msgget() == -1) {

msgget_error:
        pass();

    }
    while (1) {
        pass();
        pass();
        if (msgsnd() == -1) {

            pass();
            continue;

        }
        msgrcv();
        if (any()) {
            pass();
        } else {
            pass();
        }
    }
}
```

НЕ
ВЫ
ПОЛ
НЯ
ЕТ
СЯ
!

ПОДХОДИТ И
ДЛЯ ПРОВЕРКИ
СВОЙСТВА №3

Свойства правильности процесса producer:

- `msgsnd` всегда вызывается только после `msgget`;
- если поток управления попадает в `msgget_error`, то после этого не вызываются функции `msgsnd` и `msgrcv`;
- ни в одном вычислении не встречаются `msgrcv` без `msgsnd` между ними.



Корректная, но практически бесполезная модель

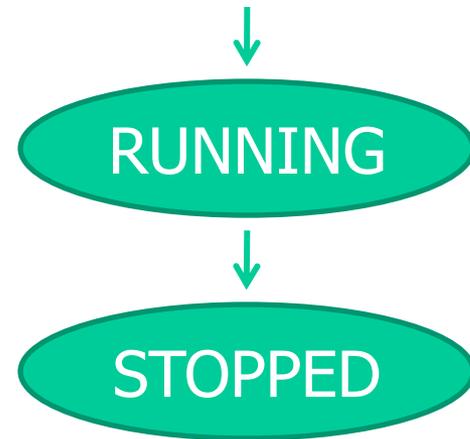
```
int main() {
```

```
enum {RUNNING, STOPPED} state;
```

```
state = RUNNING;
```

```
state = STOPPED;
```

```
}
```



Построение модели

- Задачи:

1. Постановка задачи моделирования

не все требования к
программе формализуемы

2. Формализация описания программы

описание программы предназначено для
удобства разработки и компиляции, но
не для проверки её свойств

3. Абстракция

уменьшение пространства
состояний программы

Спасибо за внимание!
Вопросы?

