

# Сжатие изображений (введение)

Дмитрий Ватолин

*Московский Государственный Университет  
CS MSU Graphics&Media Lab*

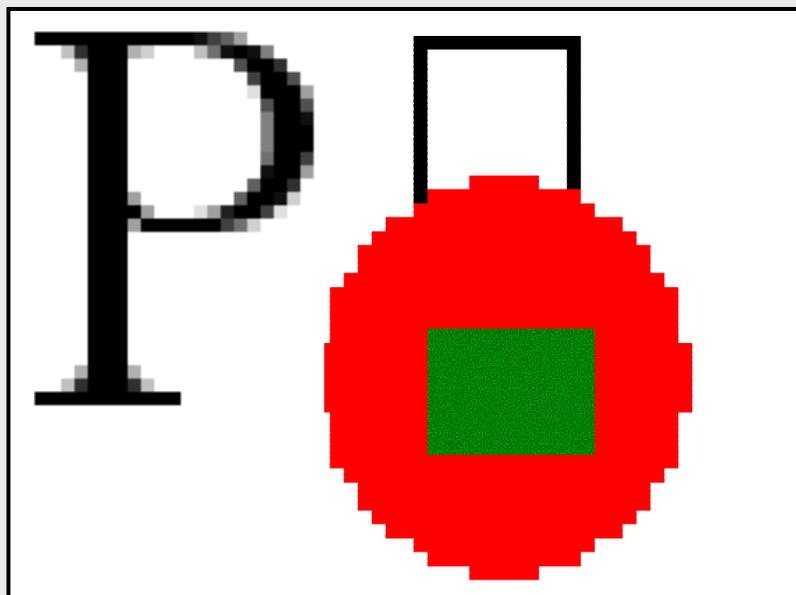
Лекция 14

12 мая 2006

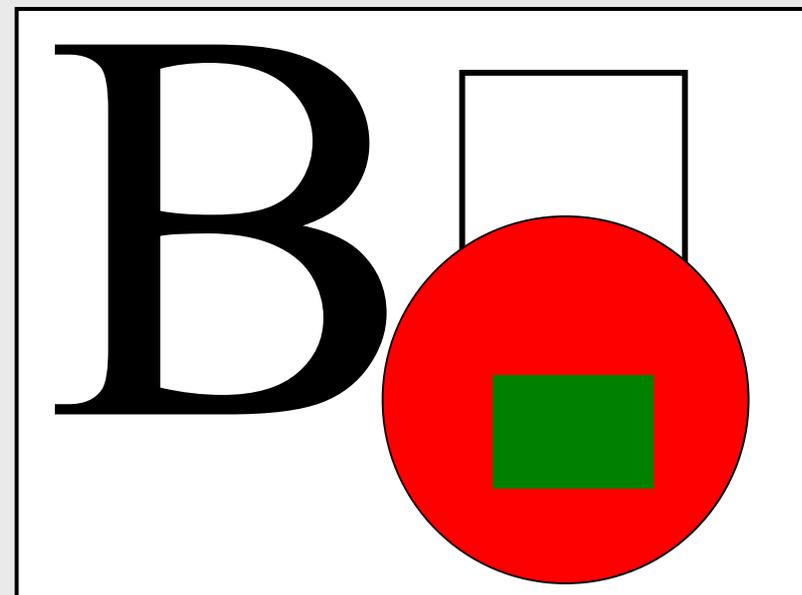
# Типы изображений

## Изображения

Растровые



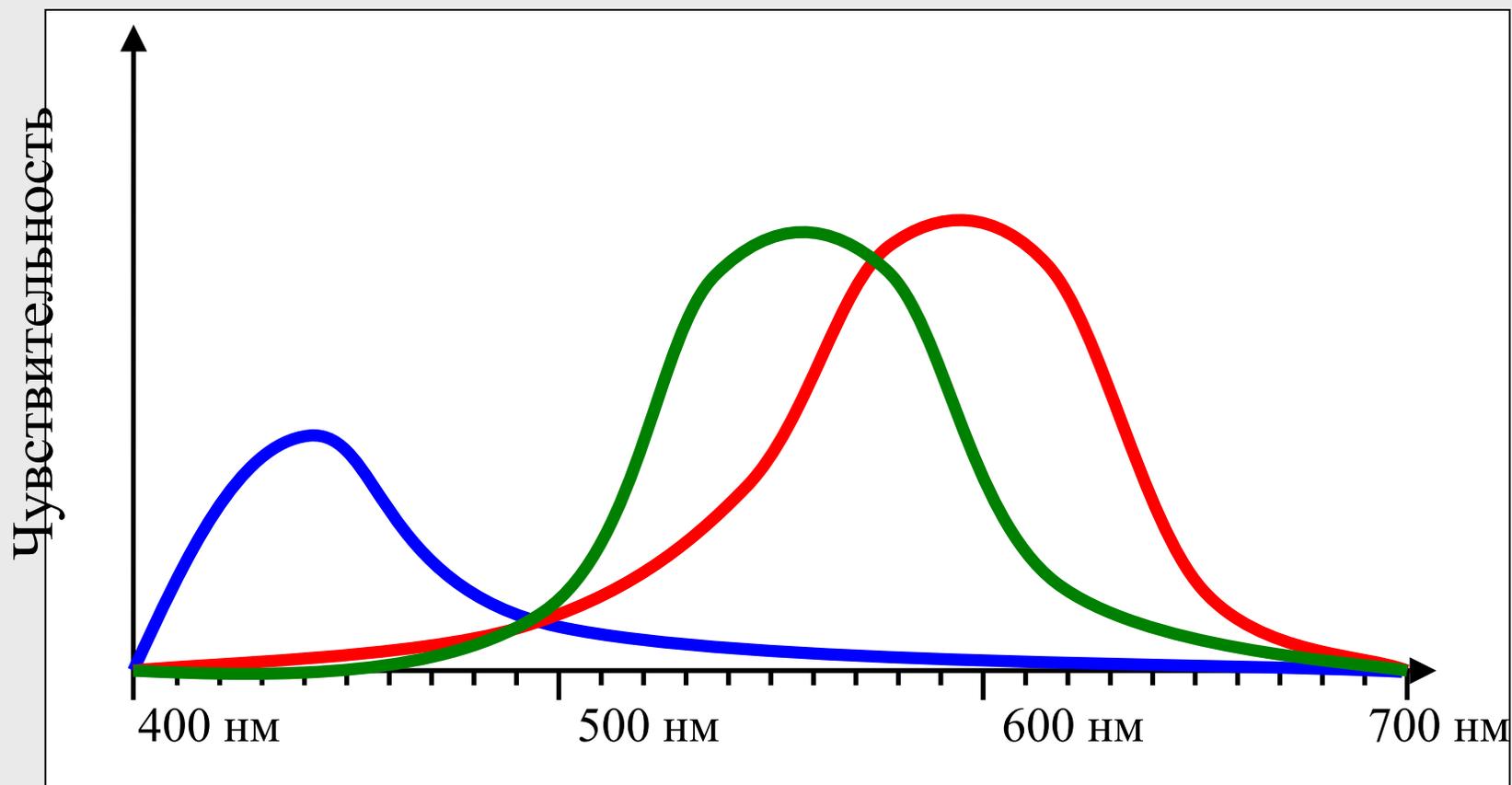
Векторные



# Типы изображений

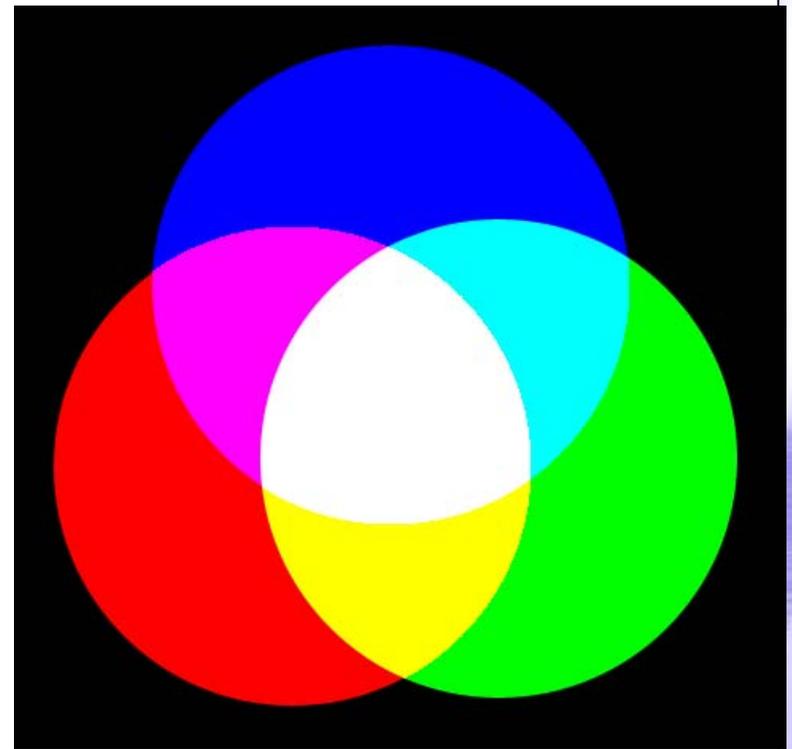
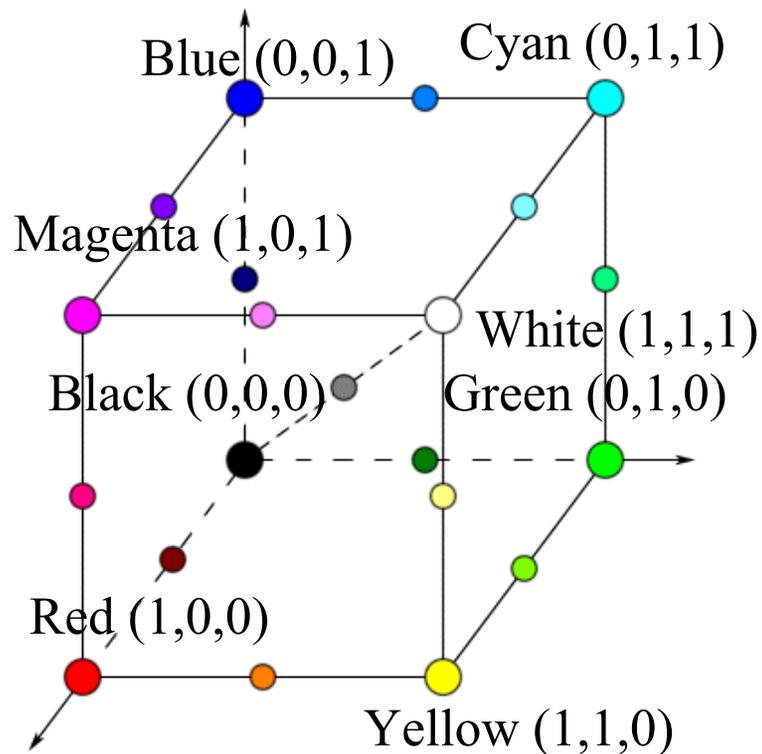
- ◆ Векторные
- ◆ Растровые
  - Палитровые
  - Безпалитровые
    - ◆ В системе цветопредставления  
RGB, CMYK, ...
    - ◆ В градациях серого

# Восприятие цвета



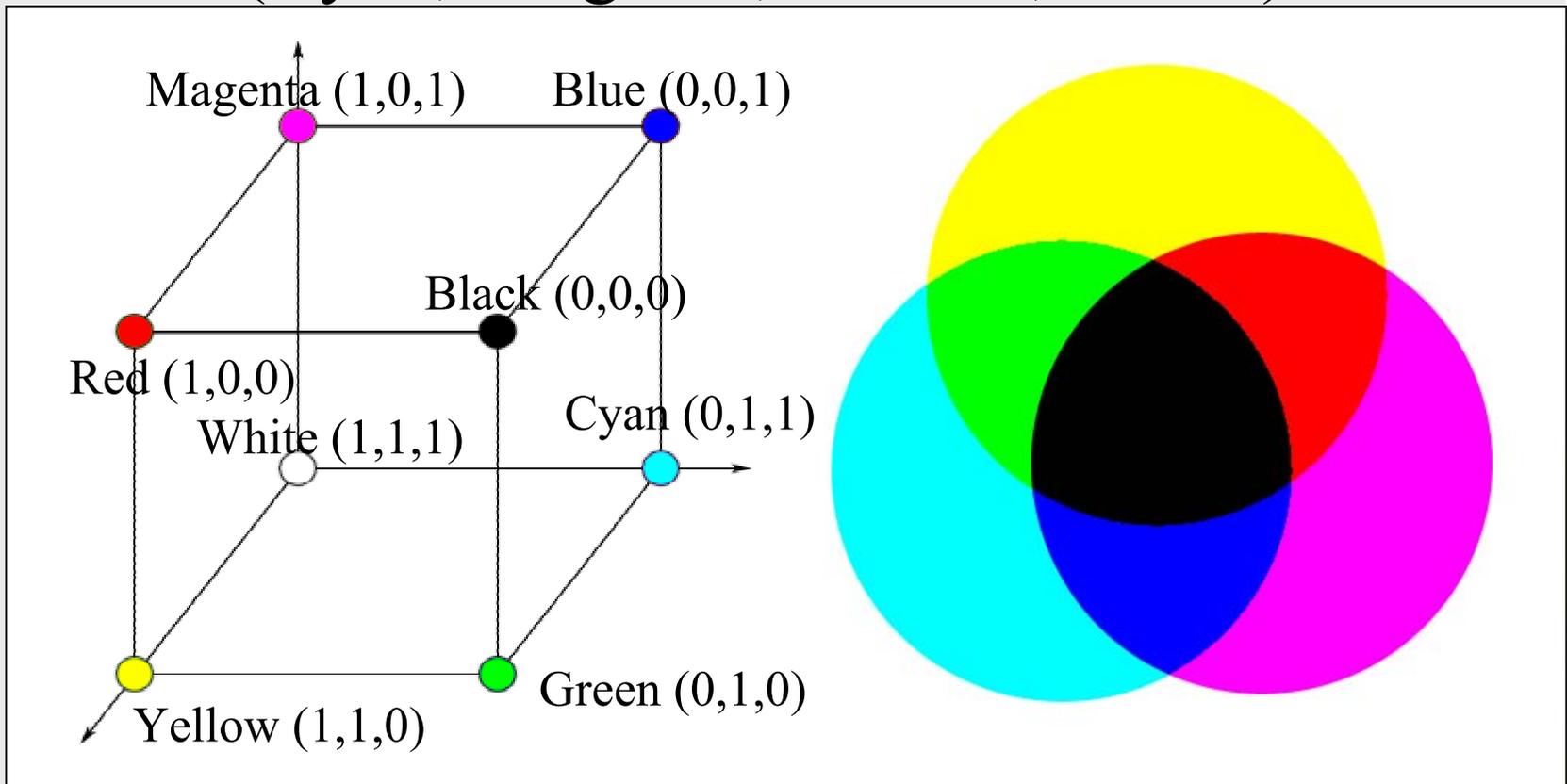
# Пространство RGB

## RGB (Red, Green, Blue)

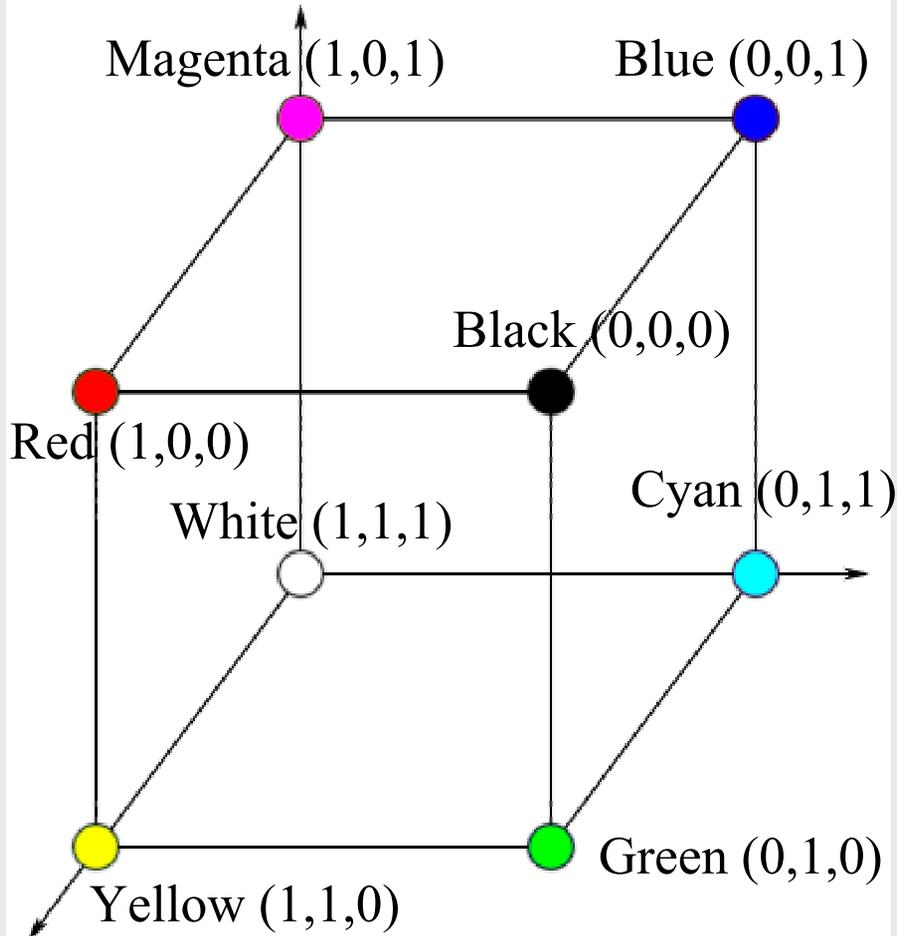


# Пространство CMYK

CMYK (Cyan, Magenta, Yellow, black).



# Расчет RGB, CMYK, CMY



RGB → CMY

$$C = 255 - R$$

$$M = 255 - G$$

$$Y = 255 - B.$$

CMY → CMYK

$$K = \min(C, M, Y),$$

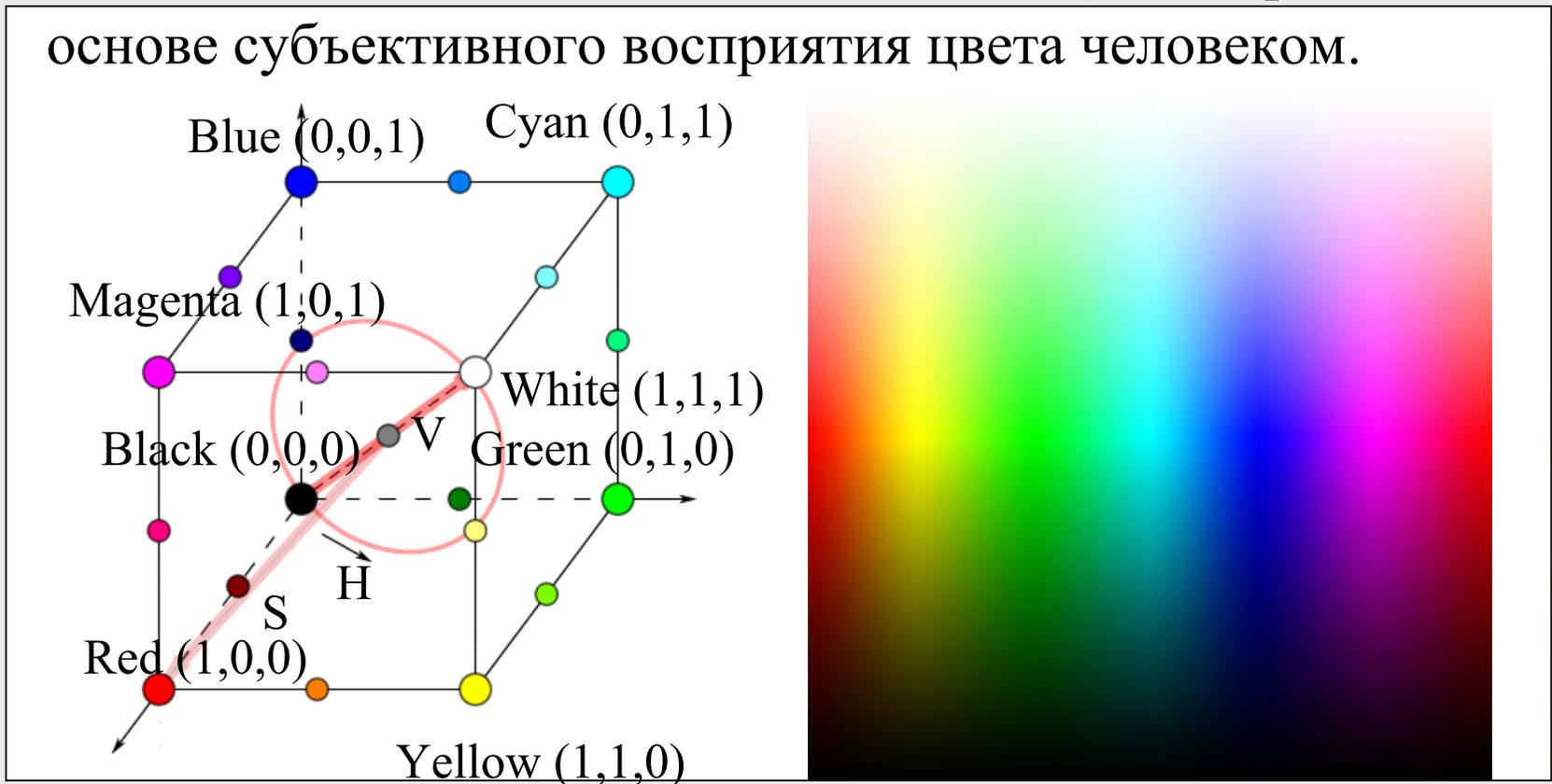
$$C = C - K,$$

$$M = M - K,$$

$$Y = Y - K.$$

# Пространство HSV

Модель **HSV (Hue, Saturation, Value)**. Построена на основе субъективного восприятия цвета человеком.



# Модель YUV

$$Y = 0.299R + 0.587G + 0.114B$$

$$U = -0.147R - 0.289G + 0.436B$$

$$V = 0.615R + 0.515G + 0.100B = 0.877(R - Y)$$

$$R = Y + 1.140V$$

$$G = Y - 0.395U - 0.581V$$

$$B = Y + 2.032U$$

# Модель YIQ

$$Y = 0.299 * R + 0.587 * G + 0.114 * B$$

$$I = 0.596 * R - 0.275 * G - 0.321 * B$$

$$Q = 0.212 * R - 0.523 * G + 0.311 * B$$

$$R = Y + 0.956 * I + 0.621 * Q$$

$$G = Y - 0.272 * I - 0.647 * Q$$

$$B = Y - 1.107 * I + 1.704 * Q$$

# Модель YCbCr (SDTV)

$$Y = 0.299 * R + 0.587 * G + 0.114 * B$$

$$Cb = -0.172 * R - 0.339 * G + 0.511 * B + 128$$

$$Cr = 0.511 * R - 0.428 * G + 0.083 * B + 128$$

$$R = Y + 1.371 ( Cr - 128 )$$

$$G = Y - 0.698 ( Cr - 128 ) - 0.336 ( Cb - 128 )$$

$$B = Y - 1.732 ( Cb - 128 )$$

# Классы изображений

- ◆ **Класс 1. Изображения с небольшим количеством цветов (4-16) и большими областями, заполненными одним цветом.** Плавные переходы цветов отсутствуют. Примеры: деловая графика — гистограммы, диаграммы, графики и т.п.
- ◆ **Класс 2. Изображения, с плавными переходами цветов, построенные на компьютере.** Примеры: графика презентаций, эскизные модели в САПР, изображения, построенные по методу Гуро.
- ◆ **Класс 3. Фотореалистичные изображения.** Пример: отсканированные фотографии.
- ◆ **Класс 4. Фотореалистичные изображения с наложением деловой графики.** Пример: реклама.

# Требования приложений к алгоритмам

- ◆ Высокая степень компрессии
- ◆ Высокое качество изображений
- ◆ Высокая скорость компрессии
- ◆ Высокая скорость декомпрессии
- ◆ Масштабирование изображений
- ◆ Возможность показать огрубленное изображение (низкого разрешения)
- ◆ Устойчивость к ошибкам
- ◆ Учет специфики изображения
- ◆ Редактируемость
- ◆ Небольшая стоимость аппаратной реализации.  
Эффективность программной реализации

# Критерии сравнения алгоритмов

Невозможно составить универсальное сравнительное описание известных алгоритмов.

- **Худший, средний и лучший коэффициенты сжатия.**
- **Класс изображений**
- **Симметричность**
- **Есть ли потери качества?**
- **Характерные особенности алгоритма**

# Алгоритм RLE

Данный алгоритм необычайно прост в реализации. Групповое кодирование — от английского Run Length Encoding (RLE). Изображение в нем вытягивается в цепочку байт по строкам раstra. Само сжатие в RLE происходит за счет того, что в исходном изображении встречаются цепочки одинаковых байт. Замена их на пары <счетчик повторений, значение> уменьшает избыточность данных.

# RLE – Первый вариант

```
Initialization(...);  
do {  
    byte = ImageFile.ReadNextByte();  
    if(является счетчиком(byte)) {  
        counter = Low6bits(byte)+1;  
        value = ImageFile.ReadNextByte();  
        for(i=1 to counter)  
            DecompressedFile.WriteByte(value)  
    }  
    else {  
        DecompressedFile.WriteByte(byte)  
    } while(ImageFile.EOF());
```

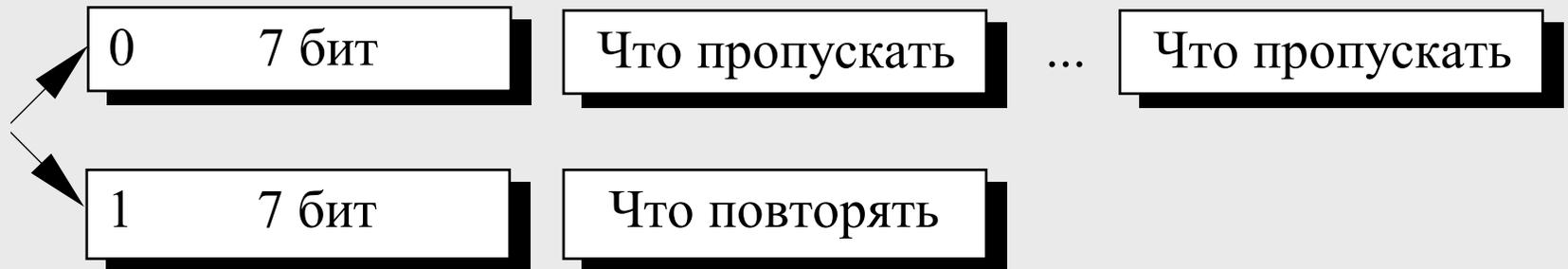
# RLE – Первый вариант (схема)



# RLE – Второй вариант

```
Initialization(...);  
do {  
    byte = ImageFile.ReadNextByte();  
    counter = Low7bits(byte)+1;  
    if(если признак повтора(byte)) {  
        value = ImageFile.ReadNextByte();  
        for (i=1 to counter)  
            CompressedFile.WriteByte(value)  
    }  
    else {  
        for(i=1 to counter){  
            value = ImageFile.ReadNextByte();  
            CompressedFile.WriteByte(value)  
        }  
        CompressedFile.WriteByte(byte)  
    } while (ImageFile.EOF());  
}
```

# RLE – Схемы вариантов



# RLE – Характеристики

**Коэффициенты компрессии:** Первый вариант: 32, 2, 0,5. Второй вариант: 64, 3, 128/129. (Лучший, средний, худший коэффициенты)

**Класс изображений:** Ориентирован алгоритм на изображения с небольшим количеством цветов: деловую и научную графику.

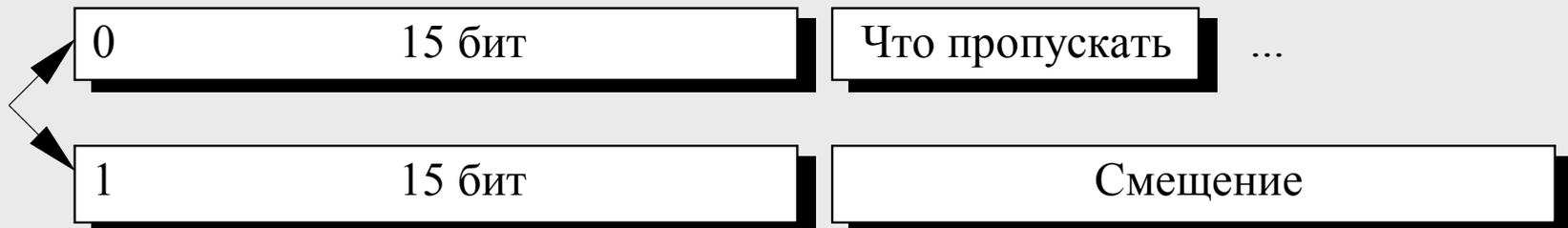
**Симметричность:** Примерно единица.

**Характерные особенности:** К положительным сторонам алгоритма, пожалуй, можно отнести только то, что он не требует дополнительной памяти при архивации и разархивации, а также быстро работает. Интересная особенность группового кодирования состоит в том, что степень архивации для некоторых изображений может быть существенно повышена всего лишь за счет изменения порядка цветов в палитре изображения.

# Алгоритм LZW

Название алгоритм получил по первым буквам фамилий его разработчиков — Lempel, Ziv и Welch. Сжатие в нем, в отличие от RLE, осуществляется уже за счет **одинаковых цепочек** байт.

# Схема алгоритма LZ



# LZW / Сжатие

```
InitTable();
CompressedFile.WriteCode(ClearCode);
CurStr=пустая строка;

while(не ImageFile.EOF()){ //Пока не конец файла
    C=ImageFile.ReadNextByte();
    if(CurStr+C есть в таблице)
        CurStr=CurStr+C; //Приклеить символ к строке
    else {
        code=CodeForString(CurStr); //code-не байт!
        CompressedFile.WriteCode(code);
        AddStringToTable (CurStr+C);
        CurStr=C; // Строка из одного символа
    }
}
code=CodeForString(CurStr);
CompressedFile.WriteCode(code);
CompressedFile.WriteCode(CodeEndOfInformation);
```

# LZW / Пример

Пусть мы сжимаем последовательность 45, 55, 55, 151, 55, 55, 55.

“45” — есть в таблице;

“45, 55” — нет. Добавляем в таблицу <258>“45, 55”. В поток: <45>;

“55, 55” — нет. В таблицу: <259>“55, 55”. В поток: <55>;

“55, 151” — нет. В таблицу: <260>“55, 151”. В поток: <55>;

“151, 55” — нет. В таблицу: <261>“151, 55”. В поток: <151>;

“55, 55” — есть в таблице;

“55, 55, 55” — нет. В таблицу: “55, 55, 55” <262>. В поток: <259>;

Последовательность кодов для данного примера, попадающих в выходной поток: <256>, <45>, <55>, <55>, <151>, <259>.

# LZW / Добавление строк

Код этой строки добавляется в таблицу

$C_n, C_{n+1}, C_{n+2}, C_{n+3}, C_{n+4}, C_{n+5}, C_{n+6}, C_{n+7}, C_{n+8}, C_{n+9},$

Коды этих строк идут в выходной поток

# Таблица для LZW

0	'0'
...	...
255	'255'
256	ClearTable
257	EndOfInformation
258	
259	
...	
4095	

- Таблица состоит из 4096 строк.
- 256 и 257 являются служебными.
- 258 ... 4095 содержат непосредственно сжимаемую информацию.

# Пример – цепочка нулей

0	'0'
...	...
255	'255'
256	ClearTable
257	EndOfInformation
258	'00'
259	'000'
...	
4095	

Кол-во считываемых байт:

1                      2                      3

Общее число считанных байт:

1                      3                      6

Информация заносится в стр.:

-                      258                      259

# Степень сжатия цепочки нулей

0
..
255
256
257
258
259
..
4095

Рассчитываем арифметическую прогрессию:

$$S_n = \frac{a_1 + a_n}{2} * n$$

$$\frac{2 + 4095}{2} * 4095 = 8397090$$

# Наихудший случай

0	'0'
...	...
255	'255'
256	ClearTable
257	EndOfInformation
258	'21'
259	'13'
...	
4095	

Последовательность :  
121314151617...

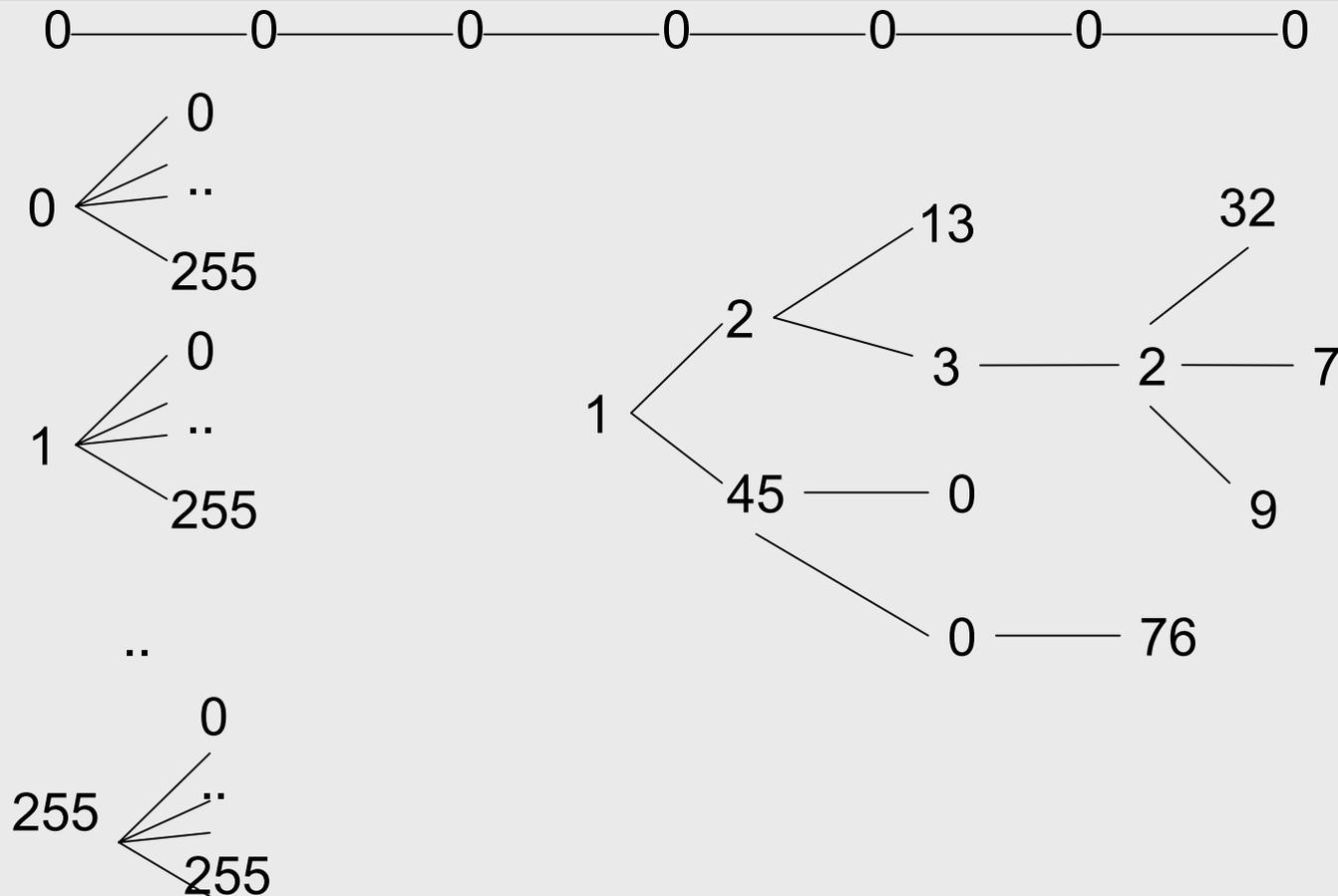
Мы видим, что у нас нет  
одинаковых цепочек  
даже из 2 символов =>  
сжатия не происходит.

# Степень сжатия наихудшего случая

0	'0'
...	...
255	'255'
256	ClearTable
257	EndOfInformation
258	'21'
259	'13'
...	
4095	

- Происходит увеличение файла в 1.5 раза. Т.к. мы ни разу не встретили подстроку, которая уже есть в таблице.

# Таблица дерево



# Пример

Последовательность: 45, 55, 55, 151, 55, 55, 55.

“45” – есть в таблице;

“45, 55” – нет. В таблицу: <258>”45, 55”. В поток:<45>

“55, 55” – нет. В таблицу: <259>”55, 55”. В поток:<55>

“55, 151” – нет. В таблицу: <260>”55, 151”. В поток:<55>

“151, 55” – нет. В таблицу: <261>”151, 55”. В поток:<151>

“55, 55” – Есть в таблице;

“55, 55, 55” – нет. В таблицу: <262>”55, 55, 55”. В  
поток:<295>

Итого в потоке: <256>,<45>,<55>,<55>,<151>,<259>.

# Пример

0	'0'
...	...
255	'255'
256	ClearTable
257	EndOfInformation
258	'45, 55'
259	'55, 55'
260	'55, 151'
261	'151, 55'
262	'55, 55, 55'

Последовательность:  
45, 55, 55, 151, 55, 55, 55.

Итого в потоке:  
<256>, <45>, <55>, <55>,  
<151>, <259>.

# LZW / Декомпрессия

```
code=File.ReadCode();
while(code != CodeEndOfInformation){
    if(code = ClearCode) {
        InitTable();
        code=File.ReadCode();
        if(code = CodeEndOfInformation)
            {закончить работу};
        ImageFile.WriteString(StrFromTable(code));
        old_code=code;
    }
    else {
        if(InTable(code)) {
            ImageFile.WriteString(FromTable(code));
            AddStringToTable(StrFromTable(old_code)+
                FirstChar(StrFromTable(code)));
            old_code=code;
        }
        else {
            OutString= StrFromTable(old_code)+
                FirstChar(StrFromTable(old_code));
            ImageFile.WriteString(OutString);
            AddStringToTable(OutString);
            old_code=code;
        }
    }
}
```

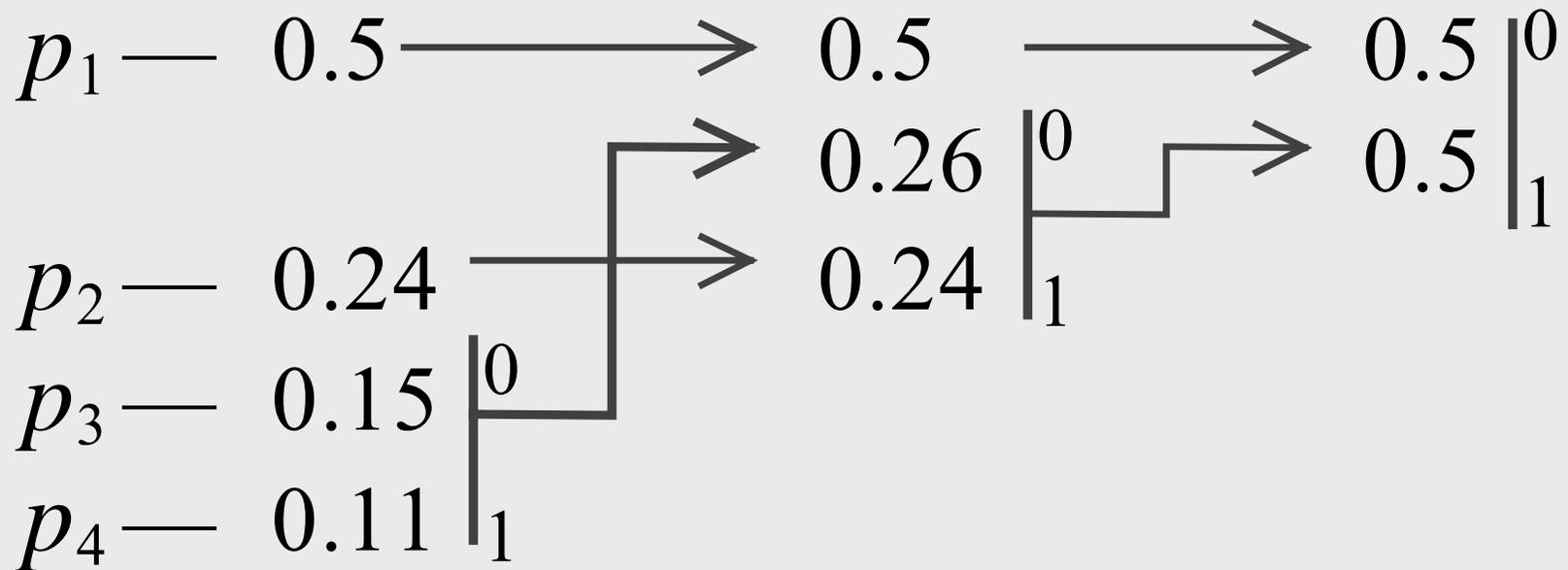
# LZW / Характеристики

- **Коэффициенты компрессии:** Примерно 1000, 4, 5/7 (Лучший, средний, худший коэффициенты). Сжатие в 1000 раз достигается только на одноцветных изображениях размером кратным примерно 7 Мб.
- **Класс изображений:** Ориентирован LZW на 8-битные изображения, построенные на компьютере. Сжимает за счет одинаковых подцепочек в потоке.
- **Симметричность:** Почти симметричен, при условии оптимальной реализации операции поиска строки в таблице.

# Алгоритм Хаффмана

Использует только частоту появления одинаковых байт в изображении. Сопоставляет символам входного потока, которые встречаются большее число раз, цепочку бит меньшей длины. И, напротив, встречающимся редко — цепочку большей длины. Для сбора статистики требует двух проходов по изображению.

# Алгоритм Хаффмана-2



# Алгоритм Хаффмана-3

- ◆ **Коэффициенты компрессии:** 8, 1,5, 1 (Лучший, средний, худший коэффициенты).
- ◆ **Класс изображений:** Практически не применяется к изображениям в чистом виде. Обычно используется как один из этапов компрессии в более сложных схемах.
- ◆ **Симметричность:** 2 (за счет того, что требует двух проходов по массиву сжимаемых данных).
- ◆ **Характерные особенности:** Единственный алгоритм, который не увеличивает размера исходных данных в худшем случае (если не считать необходимости хранить таблицу перекодировки вместе с файлом).

# ССИТТ Group 3



Последовательности подряд идущих черных и белых точек в нем заменяются числом, равным их количеству. А этот ряд, уже в свою очередь, сжимается по Хаффману с фиксированной таблицей.



# Алгоритм ССИТТ G3

- ◆ Последовательности подряд идущих черных и белых точек заменяются числом, равным их количеству.
- ◆ Этот ряд сжимается по Хаффману с фиксированной таблицей.
- ◆ Каждая строка сжимается независимо, если строка начинается с черной точки, то считаем, что она начинается белой серией длиной 0. Например, последовательность длин серий 0, 3, 556, 10, .. означает, что в строке идут сначала 3 черных, 556 белых, 10 черных точек и т.д.

# Алгоритм компрессии:

```
For (по всем строкам изображения) {
  Преобразуем строку в набор длин серий;
  for (по всем сериям) {
    if (серия белая) {
      L = длина серии;
      while (L > 2623) { // 2623 = 2560 + 63
        L -= 2560; Записать белый код для (2560);
      }
      if (L > 63) {
        L2 = МаксимальныйСостКодМеньшеL(L);
        L -= L2; Записать белый код для (L2)
      };
      ЗаписатьБелыйКодДля(L); // код завершения
    } else {
      // аналогично для черных серий
      ...}
  }
}
```

# Пример работы алгоритма

В терминах регулярных выражений для каждой строки изображения выходной битовый поток вида:

$((\langle \text{Б-2560} \rangle)^*[\langle \text{Б-сст.} \rangle]\langle \text{Б-зв} \rangle(\langle \text{Ч-2560} \rangle)^*[\langle \text{Ч-сст} \rangle]\langle \text{Ч-зв} \rangle) + [(\langle \text{Б-2560} \rangle)^*[\langle \text{Б-сст.} \rangle]\langle \text{Б-зв.} \rangle]$ , где:

$()^*$  - повтор 0 или более раз,  $()^+$  - повтор 1 или более раз,  $[]$  – включение 1 или 0 раз.

Для примера 0, 3, 556, 10, ... , будет сформирован

код:  $\langle \text{Б-0} \rangle \langle \text{Ч-3} \rangle \langle \text{Б-512} \rangle \langle \text{Б-44} \rangle \langle \text{Ч-10} \rangle$  или

Согласно таблице:

00110101 10011001 01001011 010000100

Для приведенной строки в 569 бит полусен код длиной в 33 бита, т.е. Коэфф сжатия – 17 раз

# Таблица кодов завершения

Длина серии	Код белой подстроки	Код черной подстроки строки
0	00110101	0000110111
1	00111	010
2	0111	11
3	1000	10
4	1011	011
5	1100	0011
6	1110	0010
7	1111	00011



# Проблемы при сжатии

Пример факса  
(часть текста  
рекомендаций  
стандарта  
ССИТТ) на  
японском (?)  
языке.

かつ、勧告を行なうことができる。」(同  
と第188号にいわれる「意見」とは、  
語では、「勧告(Recommendation)」とよ  
国際法的には強制力をもたないものであ  
等各国を拘束する力をもっているもの  
的分野では、電信規則のごとき、各国政  
をもたないので、実際にある機器の仕様  
されたこの「意見」に従わなければ、同  
が多い。この意見(または勧告)は、同  
ついて、具体的意見を表明するもので、  
半自動化しようとする場合、その信号

# CSITT Group 3 / Характеристики



- ◆ **Коэффициенты компрессии:** лучший коэффициент стремится в пределе к 213.(3), средний 2, в худшем случае увеличивает файл в 5 раз.
- ◆ **Класс изображений:** Двухцветные черно-белые изображения, в которых преобладают большие пространства, заполненные белым цветом.
- ◆ **Симметричность:** Близка к 1.
- ◆ **Характерные особенности:** Данный алгоритм чрезвычайно прост в реализации, быстр и может быть легко реализован аппаратно.